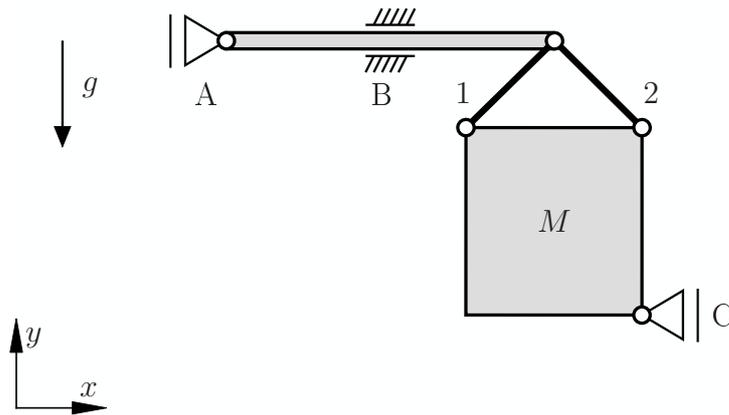


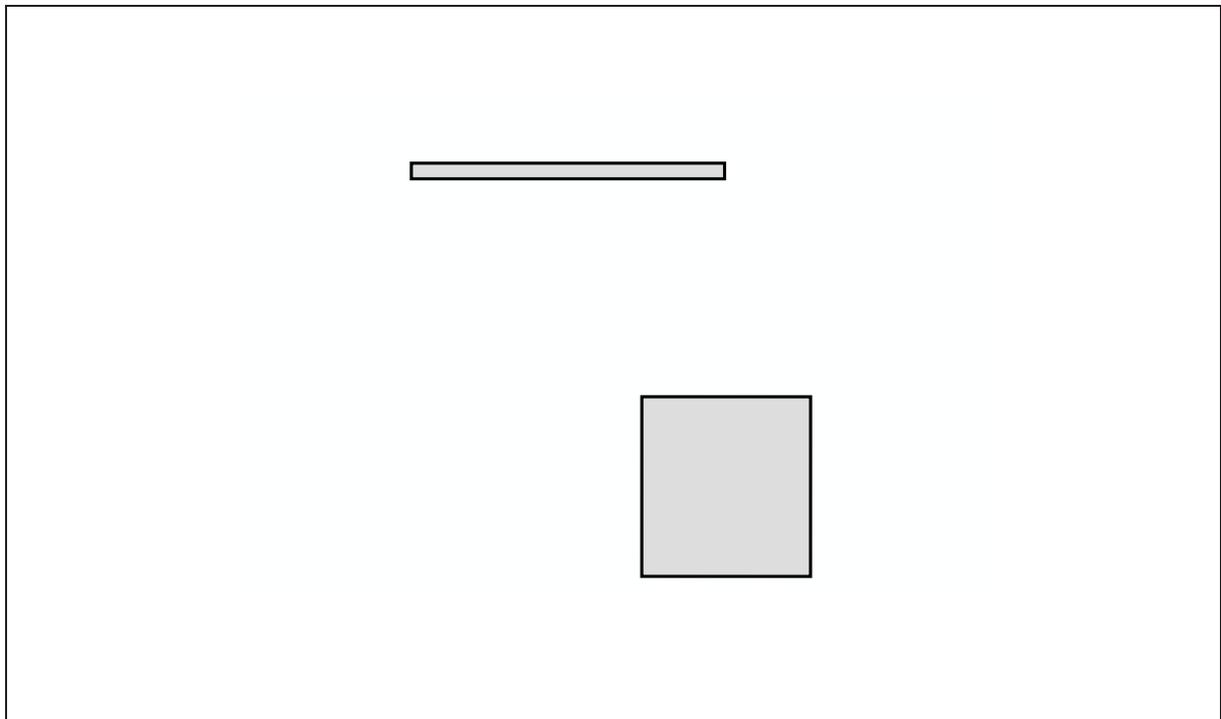
Aufgabe 1 (Seite 1 von 4)

a)

Das folgende System besteht aus einem Balken, zwei Stäben und einem Körper der Masse M . Mit Ausnahme dieses Körpers sind alle Komponenten als masselos anzusehen. Das System befindet sich im Schwerfeld mit der Erdbeschleunigung g .



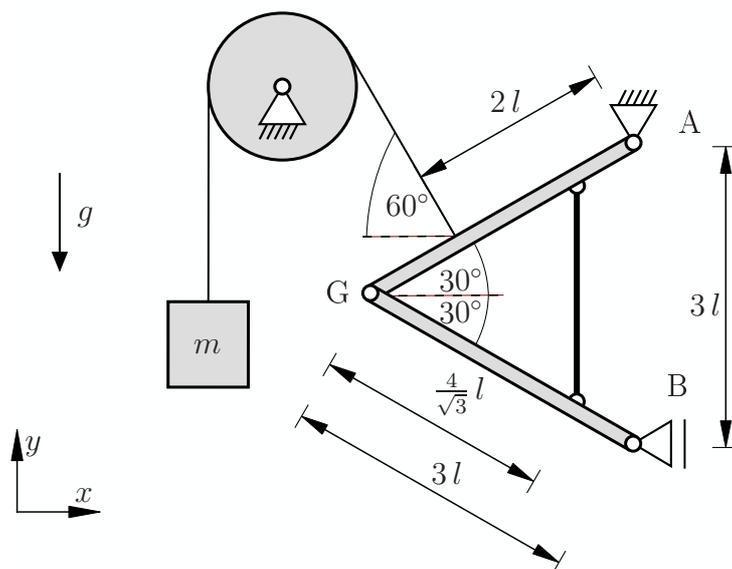
Ergänzen Sie folgende Abbildung zu vollständigen Freikörperbildern. **(1,0 Punkte)**



Aufgabe 1 (Seite 2 von 4)

b)

Das untenstehende System besteht aus zwei gleichlangen Balken, welche über ein Gelenk sowie einen Stab miteinander verbunden sind. Des Weiteren ist eine Masse m über ein Seil und eine Rolle an dem oberen Balken angebracht. Abgesehen von der Masse m sind alle Komponenten als masselos anzunehmen. Das System befindet sich im Schwerfeld mit der Erdbeschleunigung g .



Berechnen Sie die Auflagerreaktionen in den Punkten A und B. Tragen Sie dabei die unbekanntes Lagergrößen in positive Koordinatenrichtung an. **(3,0 Punkte)**

$A_x =$	$A_y =$	$B_x =$
---------	---------	---------

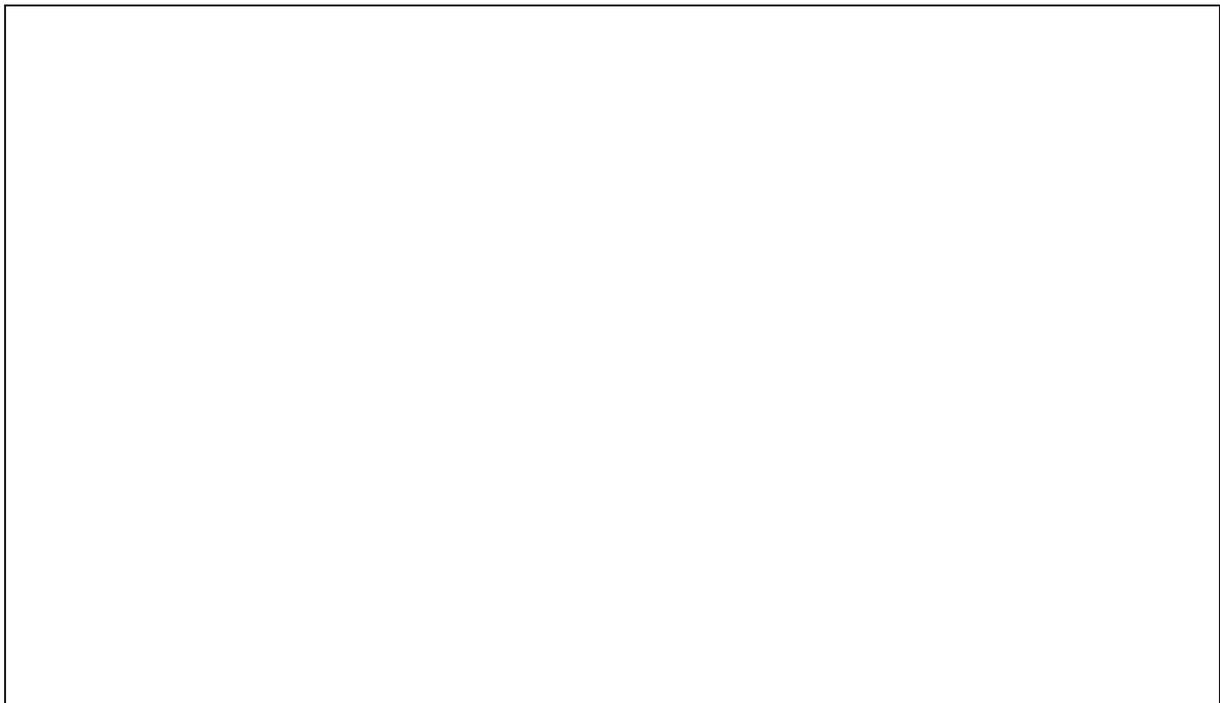
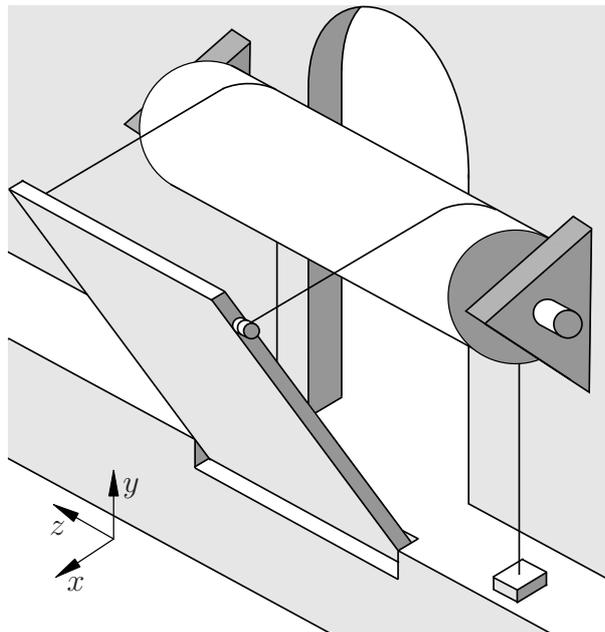
Bestimmen Sie die Beträge der Gelenkkräfte in G in x - und y -Richtung sowie die Stabkraft S . Dabei gilt die Konvention positiver Zugkräfte. **(2,0 Punkte)**

$ G_x =$	$ G_y =$	$S =$
-----------	-----------	-------

Aufgabe 1 (Seite 3 von 4)

c)

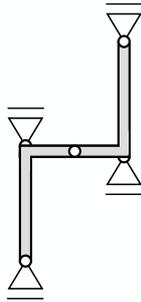
Zeichnen Sie als Ersatz für die unten abgebildete Zugbrücke ein statisch bestimmtes 2D-System, in der angegebenen x - y -Ebene. Dieses soll die Elemente Brücke, Rolle und Seil abbilden. Benutzen Sie die aus der Veranstaltung bekannten Lagertypen. Nehmen Sie dabei an, dass die Seile am Boden fixiert sind und die Brücke in der dargestellten Lage festhalten. Die Brücke wird nur durch ihr Eigengewicht belastet. **(2,5 Punkte)**



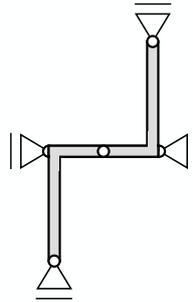
Aufgabe 1 (Seite 4 von 4)

d)

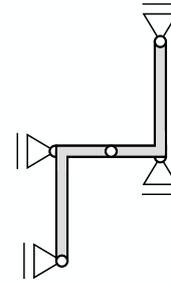
Im Folgenden sollen die hier dargestellten Systeme auf ihre statische Bestimmtheit überprüft werden.



System 1



System 2



System 3

Kreuzen Sie die zutreffenden Aussagen an.

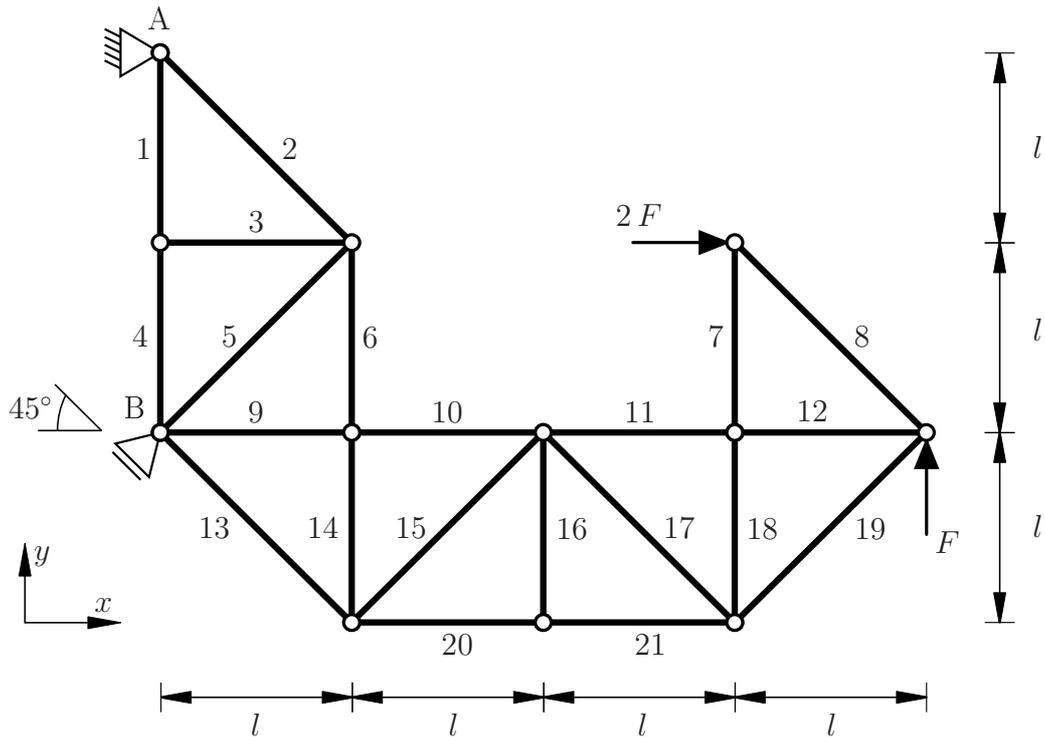
(1,5 Punkte)

System 1:	Statisch bestimmt <input type="checkbox"/>	Nicht statisch bestimmt <input type="checkbox"/>
System 2:	Statisch bestimmt <input type="checkbox"/>	Nicht statisch bestimmt <input type="checkbox"/>
System 3:	Statisch bestimmt <input type="checkbox"/>	Nicht statisch bestimmt <input type="checkbox"/>

Aufgabe 2 (Seite 1 von 4)

a)

Das nachfolgend abgebildete Fachwerk ist in den Punkten A und B gelagert und wird durch zwei Einzelkräfte wie dargestellt belastet.



Geben Sie sämtliche Nullstäbe an, welche aufgrund gängiger Kriterien direkt als solche identifiziert werden können (keine Rechnung). **(1,0 Punkte)**

Hinweis: Das Nennen falscher Stabnummern führt zu Punktabzug.

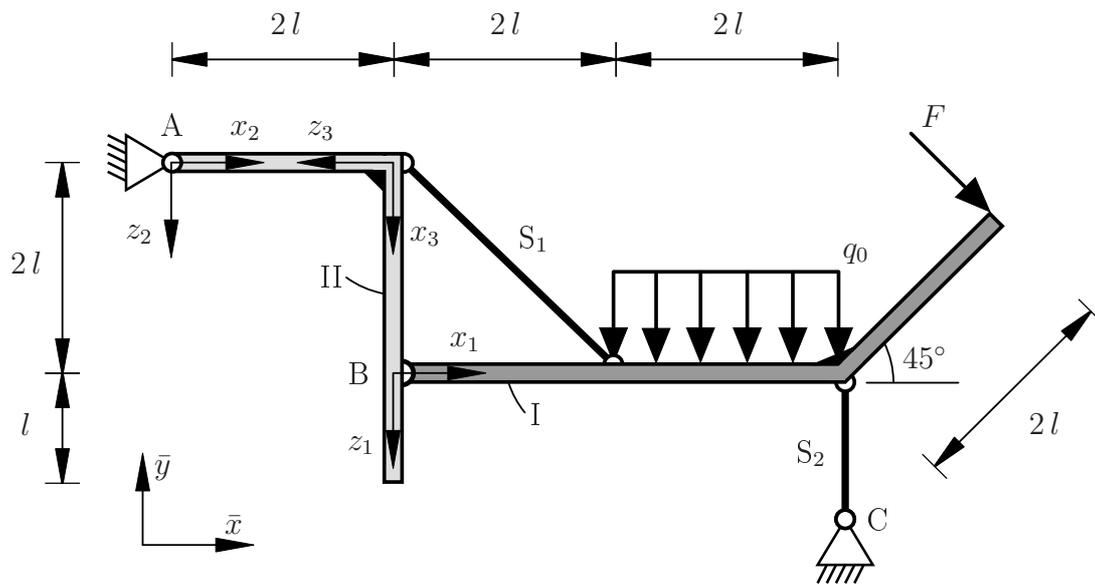
Bestimmen Sie die Stabkräfte S_{10} , S_{13} und S_{14} in Abhängigkeit von F unter Berücksichtigung der Konvention, dass Zugkräfte positiv sind. **(3,0 Punkte)**

$S_{10} =$ $S_{13} =$ $S_{14} =$

Aufgabe 2 (Seite 2 von 4)

b)

Das nachfolgend abgebildete System besteht aus zwei masselosen Rahmen I und II, welche über ein Gelenk und einen Stützstab verbunden sind. Der Rahmen I ist mit einer konstanten Streckenlast der Größe q_0 und einer Einzelkraft $F = q_0 l$ wie dargestellt belastet. Die Lagerung des Systems ist der Skizze zu entnehmen.



Die Auflagerreaktionen im Punkt A bezüglich des globalen \bar{x}, \bar{y} -Koordinatensystems und die Kraft im Stützstab S_1 werden im Folgenden mit

$$A_{\bar{x}}, \quad A_{\bar{y}}, \quad S_1$$

als bekannt vorausgesetzt und müssen daher nicht berechnet werden. Nehmen Sie für den Stützstab S_1 einen Zugstab an. Dabei gilt die Konvention positiver Zugstäbe.

Aufgabe 2 (Seite 3 von 4)

Geben Sie die Funktionen der Querkraft $Q(x_1)$ und des Biegemomentes $M(x_1)$ für den Rahmen I an. **(4,0 Punkte)**

Bereich: $0 \leq x_1 \leq 2l$

$Q(x_1) =$

$M(x_1) =$

Bereich: $2l \leq x_1 \leq 4l$

$Q(x_1) =$

$M(x_1) =$

Aufgabe 2 (Seite 4 von 4)

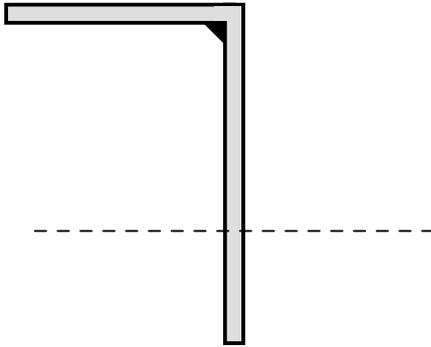
Die Auflagerreaktionen im Punkt A bezüglich des globalen \bar{x}, \bar{y} -Koordinatensystems und die Kraft im Stützstab S_1 wurden zu

$$A_{\bar{x}} = -\frac{\sqrt{2}}{2} F, \quad A_{\bar{y}} = \frac{\sqrt{2}}{6} F, \quad S_1 = \frac{2}{3} F$$

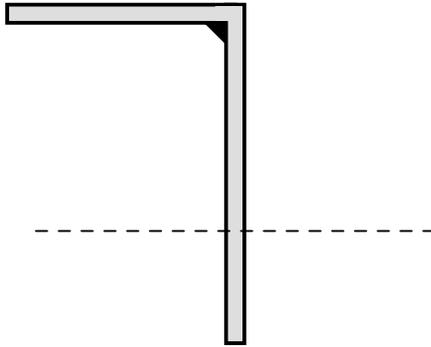
bestimmt.

Zeichnen Sie den Querkraft- und Biegemomentenverlauf Q und M für den gesamten Rahmen II qualitativ in die nachfolgende Skizze ein. Geben Sie den Polynomgrad p der jeweiligen Teilfunktion sowie alle relevanten charakteristischen Werte an. Verwenden Sie die vorgegebenen lokalen Koordinatensysteme. **(2,0 Punkte)**

$Q(x_i):$



$M(x_i):$

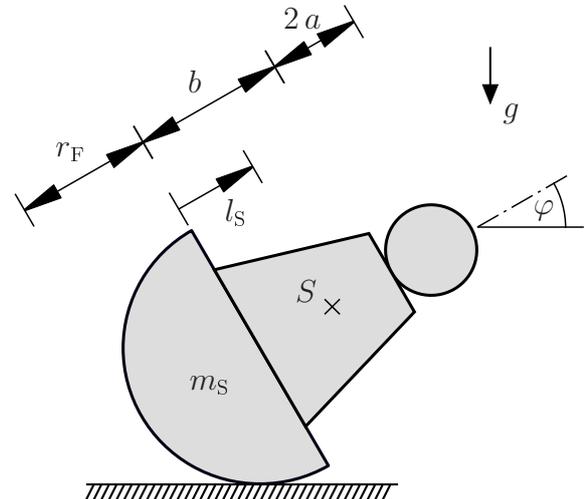


Aufgabe 3 (Seite 2 von 3)

b)

Nun soll die **Stabilität** des Stehaufmännchens (Gesamtmasse m_S) untersucht werden. Dazu sei die rechts dargestellte, ausgelenkte Lage zu betrachten. Zwischen Spielzeug und Boden herrsche stets Haftreibung.

Die eingezeichnete Größe l_S beschreibe allgemein den Abstand des Schwerpunkts S zum Halbkreismittelpunkt entlang der Symmetrieachse.



Berechnen Sie den Winkel φ^* , bei dem sich das System in einem Gleichgewichtszustand befindet. Notieren Sie dabei wichtige Zwischenschritte im Kästchen.

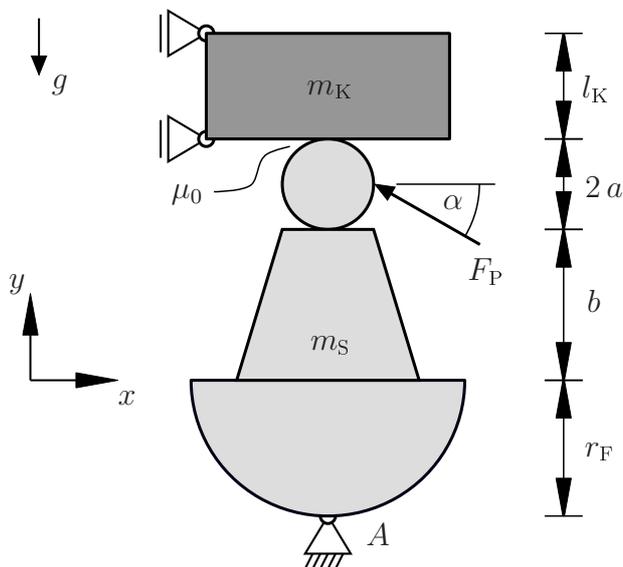
Hinweis: Ergebnisse aus der vorherigen Teilaufgabe a) sollen hier nicht verwendet oder eingesetzt werden. **(2,0 Punkte)**

Bestimmen Sie, welche Bedingung die Größe l_S erfüllen muss, damit es sich bei φ^* tatsächlich um eine stabile Gleichgewichtslage handelt. **(1,0 Punkte)**

Aufgabe 3 (Seite 3 von 3)

c)

Bei der Fertigung wird das Stehaufmännchen unten mit einem Festlager fixiert und oben durch einen schweren Klotz (Masse m_K) eingespannt. An der Kontaktstelle zwischen den Körpern bestehe Haftreibung (Reibungskoeffizient μ_0) und es wirke die Prozesskraft $F_P > 0$ wie dargestellt.



Berechnen Sie die an der Kontaktstelle wirkende Haftkraft $H > 0$ in Abhängigkeit von der Prozesskraft F_P . **(2,0 Punkte)**

$H =$

Die Auslegung der Lagerung soll geprüft werden. Berechnen Sie dazu welche vertikale Kraft A_y das Festlager in Punkt A mindestens aufnehmen können muss, um zu verhindern, dass das Stehaufmännchen aus der Einspannung rutscht. Nehmen Sie dabei unbekannte Lagergrößen in positive Koordinatenrichtung an.

Hinweis: Rechnen Sie hier für die Haftkraft symbolisch mit H weiter, d.h. ohne das Ergebnis aus dem vorherigen Kästchen einzusetzen. **(1,5 Punkte)**

$A_y \geq$